

TAB. 1: *Algorithme d'élimination de Gauss.*

<p>entrées : $a_{ij}, 1 \leq i, j \leq N$ et $b_j, 1 \leq j \leq N$ représentant la matrice A et le second membre \vec{b} du système linéaire originel</p> <p>sorties : $a_{ij}, 1 \leq i < j \leq N$ et $b_j, 1 \leq j \leq N$ représentant la partie surdiagonale du système triangulaire supérieur et le nouveau second membre \vec{b}</p>	
Algorithme	Commentaires
Faire $i = 1$ à $N - 1$	Elimination de l'inconnue x_i
$p := 1/a_{ii}$	Inverse du i -ième pivot
$\left[\begin{array}{l} \text{Faire } j = i + 1 \text{ à } N \\ a_{ij} := p * a_{ij} \end{array} \right.$	Division de la i -ième ligne par le i -ième pivot (termes surdiagonaux uniquement)
$b_i := p * b_i$	Division de b_i par le i -ième pivot
$\left[\begin{array}{l} \text{Faire } k = i + 1 \text{ à } N \\ \left[\begin{array}{l} \text{Faire } j = i + 1 \text{ à } N \\ a_{kj} := a_{kj} - a_{ki} * a_{ij} \end{array} \right. \\ b_k := b_k - a_{ki} * b_i \end{array} \right.$	Elimination dans la k -ième équation
	Soustraction de a_{ki} fois la nouvelle i -ième ligne à la k -ième ligne
	Soustraction de a_{ki} fois b_i à b_k
$p := 1/a_{NN}$	Inverse du N -ième pivot
$b_N := p * b_N$	Division de b_N par le N -ième pivot

TAB. 2: *Algorithme du choix du plus grand pivot.*

Choix du plus grand pivot en valeur absolue (à intercaler entre les deux premières lignes de l'algorithme d'élimination de Gauss)	
Algorithme	Commentaires
$k := i$	On élimine a priori l'inconnue x_i et donc i est fixé
$m := \text{abs}(a_{ii})$	On initialise $m = a_{ii} $
$\left[\begin{array}{l} \text{Faire } j = i + 1 \text{ à } N \\ s := \text{abs}(a_{ji}) \\ \text{Si } m < s \text{ alors} \\ k := j \text{ et } m := s \end{array} \right.$	Recherche du plus grand pivot en valeur absolue dans la i -ième colonne
	Après cette séquence, m est le plus grand pivot en valeur absolue et se trouve à la ligne k . (si $m = 0$ alors le système est singulier)
	Si $k = i$ on n'a pas à modifier l'élimination de l'inconnue x_i dans l'algorithme d'élimination de Gauss
	Echange des lignes k et i
$\left[\begin{array}{l} \text{Faire } j = i \text{ à } N \\ t := a_{ij} \\ a_{ij} := a_{kj} \\ a_{kj} := t \end{array} \right.$	Echange de a_{ij} et a_{kj}
$t := b_i$ $b_i := b_k$ $b_k := t$	Echange de b_i et b_k

TAB. 3: *Algorithme de décomposition LU.*

entrées: a_{ij} , $1 \leq i, j \leq N$ sont les coefficients de la matrice A sorties: a_{ij} , $1 \leq j \leq i \leq N$ sont les coefficients de la matrice L et a_{ij} , $1 \leq i < j < N$ sont les coefficients surdiagonaux de la matrice U	
Algorithme	Commentaires
<div style="display: flex; align-items: center;"> <div style="font-size: 4em; margin-right: 10px;">[</div> <div> Faire $i = 2$ à N $a_{1i} := a_{1i}/a_{11}$ Faire $k = 2$ à $N - 1$ $a_{kk} := a_{kk} - \sum_{j=1}^{k-1} a_{kj} * a_{jk}$ <div style="display: flex; align-items: center;"> <div style="font-size: 4em; margin-right: 10px;">[</div> <div> Faire $i = k + 1$ à N $a_{ik} := a_{ik} - \sum_{j=1}^{k-1} a_{ij} * a_{jk}$ $a_{ki} := \frac{1}{a_{kk}} \left(a_{ki} - \sum_{j=1}^{k-1} a_{kj} * a_{ji} \right)$ </div> </div> $a_{NN} := a_{NN} - \sum_{j=1}^{N-1} a_{Nj} * a_{jN}$ </div> </div>	Construction de la première ligne de U (la 1 ^{ère} col. de L est la 1 ^{ère} col. de A)
	Colonnes de L et lignes de U
	Construction du pivot ℓ_{kk}
	Construction de la k -ième colonne de L
	Construction de la k -ième ligne de U
	Construction du pivot ℓ_{NN}

TAB. 4: *Algorithme de Cholesky.*

entrées : $(a_{ij})_{1 \leq j \leq i \leq N}$ représentant la partie triangulaire inférieure de A ; $(A$ est symétrique définie positive) sorties : $(a_{ij})_{1 \leq j \leq i \leq N}$ représentant L qui satisfait $A = LL^T$	
Algorithme	Commentaires
$a_{11} := \sqrt{a_{11}}$	Construction de ℓ_{11}
$\left[\begin{array}{l} \text{Faire } i = 2 \text{ à } N \\ a_{i1} := a_{i1}/a_{11} \end{array} \right.$	Construction de la première colonne de L
$\left[\begin{array}{l} \text{Faire } k = 2 \text{ à } N - 1 \\ a_{kk} := \left(a_{kk} - \sum_{j=1}^{k-1} a_{kj}^2 \right)^{1/2} \end{array} \right.$	Parcours des colonnes de L
$\left[\begin{array}{l} \text{Faire } i = k + 1 \text{ à } N \\ a_{ik} := \frac{1}{a_{kk}} \left(a_{ik} - \sum_{j=1}^{k-1} a_{ij} * a_{kj} \right) \end{array} \right.$	Construction de ℓ_{kk}
$a_{NN} := \left(a_{NN} - \sum_{j=1}^{N-1} a_{Nj}^2 \right)^{1/2}$	Construction de la k -ième col. de L
	Construction de ℓ_{NN}